Exercice 1

Corrigé Contrôle NSI Terminale

1.1 Fonction inconnue f1

1.1.1 1. Cette fonction est-elle récursive? Pourquoi?

Oui, cette fonction est récursive car elle s'appelle elle-même dans son corps (ligne return 2 * f(n - 1)). Elle possède également un cas de base (n == 0) qui permet d'arrêter la récursion.

1.1.2 2. Tableau de traçage pour f1(4)

fonction appelée	valeur de retour		
f1(4)	2 * f1(3) = 2 * 8 = 16		
f1(3)	2 * f1(2) = 2 * 4 = 8		
f1(2)	2 * f1(1) = 2 * 2 = 4		
f1(1)	2 * f1(0) = 2 * 1 = 2		
f1(0)	1 (cas de base)		

1.1.3 3. Valeur de f1(4)

```
f1(4) = 16
```

Remarque : Cette fonction calcule 2ⁿ (2 puissance n).

1.1.4 4. Nombre d'opérations significatives T(n)

- Cas de base : T(0) = 1 opération
- Cas récursif : T(n) = T(n-1) + 1 multiplication

En résolvant : T(n) = n + 1

1.1.5 5. Complexité en notation de Landau

O(n) - Complexité linéaire

1.2 Récursivité - fonction f2

```
def f2(lst):
    if lst == []:
        return []
    return f2(lst[1:]) + [lst[0]]
```

1.2.1 1. Tableau de traçage pour f2(['a','b','c','d'])

fonction appelée	valeur de retour
f2(['a','b','c','d'])	f2(['b','c','d']) + ['a'] =
	['d','c','b'] + ['a'] = ['d','c','b','a']
f2(['b','c','d'])	f2(['c','d']) + ['b'] = ['d','c'] + ['b']
	= ['d','c','b']
f2(['c','d'])	f2(['d']) + ['c'] = ['d'] + ['c'] = ['d','c']
f2(['d'])	f2([]) + ['d'] = [] + ['d'] = ['d']
f2([])	[] (cas de base)

1.2.2 2. Que réalise cette fonction?

Cette fonction inverse l'ordre des éléments d'une liste (renverse la liste).

1.2.3 3. Cette fonction termine-t-elle? Pourquoi?

Oui, cette fonction termine car : - Elle possède un cas de base : lst == [] qui arrête la récursion - À chaque appel récursif, la taille de la liste diminue strictement (lst[1:] enlève le premier élément) - On atteint donc nécessairement la liste vide après un nombre fini d'étapes

1.3 Complexité - Question de cours

1.3.1 Une relation de récurrence C(n) = C(n/2), quelle est sa complexité?

Réponse : c. O(log n)

Justification : À chaque étape, on divise n par 2. Le nombre d'étapes nécessaires pour atteindre 1 est log₂(n).

1.4 Tri par sélection

1.4.1 1. Principe de l'algorithme

Le tri par sélection fonctionne ainsi : - On parcourt la liste de gauche à droite - À chaque étape i, on recherche le plus petit élément parmi les éléments non encore triés (de i à la fin) - On échange cet élément minimum avec l'élément en position i - On recommence avec i+1 jusqu'à la fin de la liste

1.4.2 2. Tableau de suivi du tri pour [4, 2, 3, 7, 5, 6, 1]

étape n°	liste au début de l'étape	liste à la fin de l'étape	nombre de comparaisons
1	[4, 2, 3, 7, 5, 6, 1]	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	6
2	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	5
3	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	4
4	[1, 2, 3, 7, 5, 6, 4]	[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]	3
5	[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]	[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]	2

Explication: - Étape 1 : On trouve 1 (min) et on l'échange avec 4 - Étape 2 : 2 est déjà à la bonne place - Étape 3 : 3 est déjà à la bonne place - Étape 4 : On trouve 4 et on l'échange avec 7 - Étape 5 : 5 est déjà à la bonne place

1.4.3 3. Impact d'une liste triée en sens inverse

Non, cela ne va pas modifier le nombre d'opérations effectuées. Le tri par sélection effectue toujours le même nombre de comparaisons quel que soit l'ordre initial de la liste. Il n'est pas adaptatif : il parcourt systématiquement tous les éléments restants pour trouver le minimum, même si la liste est déjà partiellement triée.

1.4.4 4. Complexité asymptotique

```
Calcul : - Étape 1 : n-1 comparaisons - Étape 2 : n-2 comparaisons - ... - Étape n-1 : 1 comparaison Total: (n-1) + (n-2) + ... + 1 = n(n-1)/2 = (n^2 - n)/2 Complexit\'e: O(n^2) - Classe de complexit\'e: quadratique
```

1.4.5 5. Preuve de terminaison

La fonction termine car : - La boucle externe for i in range(0, n-1) est bornée : elle s'exécute exactement n-1 fois - La boucle interne for j in range(i+1, n) est également bornée - Il n'y a pas de boucle while qui pourrait créer une boucle infinie - Les opérations à l'intérieur des boucles sont toutes élémentaires (comparaisons, affectations)

La fonction termine donc toujours en un nombre fini d'étapes, quelle que soit la liste fournie.

1.5 Programmation objet

1.5.1 Classe Etudiant - Complétion

```
class Etudiant:
      def __init__(self, nom, prenom):
2
           self.prenom = prenom
3
           self.nom = nom
           self.notes = []
5
      def ajouter_note(self, note):
           self.notes.append(note)
      def moyenne(self):
10
           s = 0
11
           for note in self.notes:
               s += note
           return s / len(self.notes)
```

1.5.2 Création et utilisation de l'étudiant "Bombeur" "Jean"

```
1 >>> etudiant1 = Etudiant("Bombeur", "Jean")
2 >>> etudiant1.ajouter_note(8)
3 >>> etudiant1.ajouter_note(14)
```

```
print(etudiant1.moyenne())
11.0
```

1.5.3 Classe Parcours - Complétion

```
class Parcours:
      def __init__(self, code):
2
           self.code = code
           self.enseignements = []
           self.etudiants = []
           self.recus = []
6
      def ajouter_etudiant(self, etudiant):
           self.etudiants.append(etudiant)
10
      def valider(self):
11
           for etudiant in self.etudiants:
12
               if etudiant.moyenne() >= 10:
                   self.recus.append(etudiant)
```

1.5.4 Utilisation du parcours L1_sciences_ingenieur

```
1 >>> L1_sciences_ingenieur = Parcours("L1_SI_2024")
2 >>> L1_sciences_ingenieur.ajouter_etudiant(etudiant1)
3 >>> L1_sciences_ingenieur.valider()
4 >>> print(len(L1_sciences_ingenieur.recus))
5 1
```

Explication: Jean Bombeur a une moyenne de 11, il est donc ajouté à la liste des reçus lors de l'appel de la méthode valider().

1.6 Points clés à retenir

- Récursivité : toujours vérifier le cas de base et la convergence
- Complexité : compter les opérations significatives (comparaisons, affectations)
- Tri par sélection : O(n²), non adaptatif, simple mais inefficace pour grandes listes
- POO : bien distinguer attributs d'instance et méthodes, utiliser self